

Задание 7 (на 30.10.12)

СС36. Пусть ZPP — это класс языков, которые принимаются вероятностной машиной Тьюринга без ошибки, математическое ожидание времени работы которых полиномиально. а) Докажите, что $L \in \text{ZPP}$ тогда и только тогда, когда существует полиномиальная по времени вероятностная машина Тьюринга M , которая выдает $\{0, 1, ?\}$, что для всех $x \in \{0, 1\}^*$ с вероятностью 1, $M(x) \in \{L(x), ?\}$ и $\Pr[M(x) = ?] \leq \frac{1}{2}$. б) Докажите, что $\text{ZPP} = \text{RP} \cap \text{coRP}$.

СС37. Докажите NP-полноту следующей задачи: даны два графа G_1 и G_2 . Проверить, изоморфны ли G_1 подграфу G_2 .

СС38. Покажите, что существует такой оракул A и язык $L \in \text{NP}^A$, что L не сводится по Тьюрингу к 3SAT , даже если сведение может использовать оракул A .

СС39. Докажите, что если унарный язык NP-полный, то $\text{P} = \text{NP}$.

СС40. BPL — это класс языков, для которых существует вероятностная машина Тьюринга M , которая использует логарифмическую память, останавливается при всех последовательностях случайных битов и для всех x выполняется, что $\Pr[M(x) = L(x)] \geq \frac{2}{3}$. Покажите, что $\text{BPL} \in \text{P}$.

СС9. Покажите, что каждый язык, который принимается k -ленточной недетерминированной машиной Тьюринга за время $f(n)$ может быть принят 2-ленточной недетерминированной машиной за время $O(f(n))$.

СС23. Покажите, что язык простых чисел содержится в классе а) co-NP; б) а) Докажите, что число n простое тогда и только тогда, когда для каждого простого делителя q числа $n-1$ существует $a \in \{2, 3, \dots, n-1\}$ при котором $a^{n-1} = 1 \pmod n$ и $a^{\frac{n-1}{q}} \neq 1 \pmod n$. в) Докажите, что язык простых чисел лежит в NP.

СС35. Покажите, что k -ленточную машину Тьюринга, работающую время $T(n)$ можно смоделировать на 2-ленточной за время $O(T(n) \log T(n))$. Функция $T(n)$ конструктивна по времени, т.е. по n вычислить $T(n)$ можно за $O(T(n))$ шагов.