

$$b_4 = b_4(v, w) = 2wp^{h+ln} - (2v-1), \quad (41)$$

$$d_4 = 2p^{3(h+ln)} - 2p^{2(h+ln)} + 2p^{h+ln} - 2. \quad (42)$$

Тогда число $\tau_p(d_4q - b_4, b_4)$ лежит в интервале $[2h, 2h+4ln]$, если $v \leq q \leq w$, и в интервале $[h, h+4ln]$ в противном случае.

Лемма 1.5. Пусть

$$b_5 = b_5(v, w) = p^{2(h+ln)-1} - vp^{h+ln} + w, \quad (43)$$

$$d_5 = p^{h+ln} - 1. \quad (44)$$

Тогда число $\tau_p(b_5 + d_5q, b_5 + d_5q)$ лежит в интервале $[0, 2ln]$, если $v \leq q \leq w$, и в интервале $[h, h+2ln]$ в противном случае.

Лемма 1.6. Пусть

$$b_6 = b_6(v, w) = p^{2(h+ln)-1} - wp^{h+ln} + (v-1), \quad (45)$$

$$d_6 = p^{h+ln} - 1. \quad (46)$$

Тогда число $\tau_p(b_6 + d_6q, b_6 + d_6q)$ лежит в интервале $[2h, 2h+2ln]$, если $v \leq q \leq w$, и в интервале $[h, h+2ln]$ в противном случае.

Лемма 2. Пусть p, x, y, v, w, k - натуральные числа, удовлетворяющие неравенству $x+y < p^k$. Тогда

$$\tau_p(vp^k + x, wp^k + y) = \tau_p(v, w) + \tau_p(x, y).$$

Доказательство очевидно.

Лемма 3.1. Пусть d - натуральное число, v_1, \dots, v_s - произвольный список (быть может, с повторениями) натуральных чисел, удовлетворяющих неравенствам

$$v_i + d < \frac{1}{2} p^{ln} \quad (47)$$